

IV.

La conica dei nove punti incontra la trasversale (i) in due punti E ed E' pei quali passano infinite altre coniche. Sia K una qualunque di queste. Se rappresentiamo colTequazione

$$(3) \quad x^2 + y^2 + z^2 = 0$$

la seconda corda comune ad essa ed alla conica dei nove punti, l'equazione di K sarà

$$(4) \quad IcfyK, + mb^2 \wedge x -[- nc^2 xy -]- (Ix + \text{ }^{TM} > J$$

È poi evidente che se la conica K dovesse essere tangente alla conica dei nove punti, basterebbe che quest'ultima fosse toccata dalla retta (3), al che si richiede che sia soddisfatta la condizione

$$(5) \quad a \frac{1}{H} -f- b \int finp -j- c \frac{1}{w} = 0 .$$

Ciò posto è noto che fra le infinite coniche K passanti pei punti fissi E ed E^* sono, in generale, quattro che toccano i tre lati del triangolo 123, ossia le tre rette rappresentate dalle equazioni

siccome dunque queste quattro coniche devono, per siffatta loro proprietà, potersi rappresentare con equazioni della forma:

ossia

$$60 \quad \frac{1}{M} \left(\frac{J}{V} \right) * \bullet + \left(\frac{N}{I} \right) \frac{L}{Y} + \left(\frac{L}{-} \right) \frac{M}{V} \ll \bullet + \text{ecc.} =$$

4

così le L , M , A^r , X , $[A$, v potranno sempre determinarsi in modo che le due equazioni (4) e (5) risultino fra loro identiche, ciò che consegue anche dal fatto che il numero di queste quantità è uguale a quello delle condizioni cui esse devono soddisfare. Supponiamo dati effettivamente alle anzidetto sei quantità i valori atti a rendere identiche